



MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO
INSTITUTO FEDERAL DO ESPÍRITO SANTO
REITORIA
Avenida Rio Branco, 50 – Santa Lúcia – 29056-255 – Vitória – ES
27 3357-7500

CONCURSO PÚBLICO
EDITAL Nº 03 / 2016

Professor do Magistério do Ensino Básico, Técnico e Tecnológico

ÍNDICE DE INSCRIÇÃO	316
HABILITAÇÃO	Matemática III

PROVA DE CONHECIMENTOS ESPECÍFICOS | DISCURSIVA
MATRIZ DE CORREÇÃO

QUESTÃO 01

$$a) [d(P, \pi)] = \sqrt{2}d(P, A)$$

$$|y - 3| = \sqrt{2} \sqrt{(x + 3)^2 + (y - 4)^2 + (z - 1)^2} \quad \text{elevar ao quadrado}$$

$$2(x + 3)^2 + 2(y - 4)^2 - (y - 3)^2 + 2(z - 1)^2 = 0$$

$$2(x + 3)^2 + 2y^2 - 16y + 32 - y^2 + 6y - 9 + 2(z - 1)^2 = 0$$

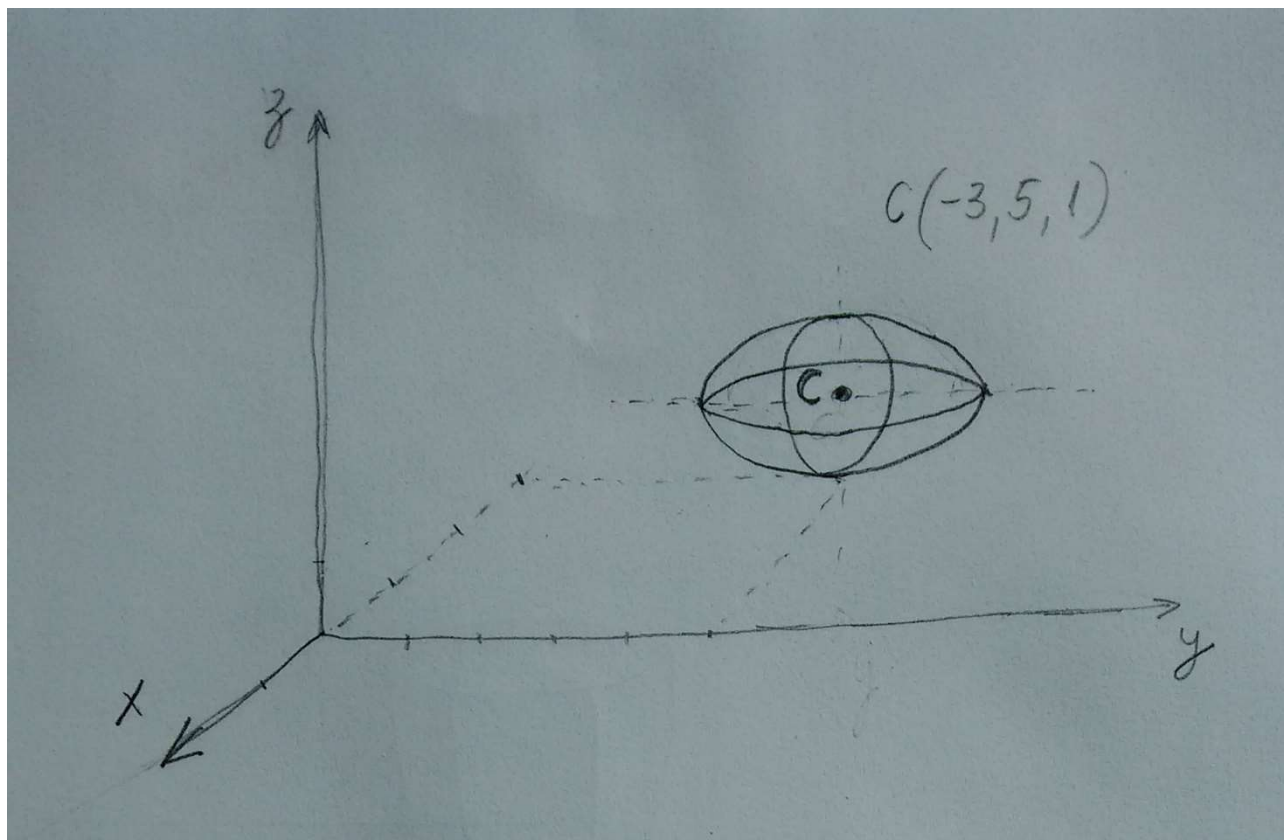
$$2(x + 3)^2 + y^2 - 10y + 23 + 2(z - 1)^2 = 0$$

$$2(x + 3)^2 + y^2 - 10y + 23 + 2 + 2(z - 1)^2 = 0 + 2$$

$$2(x + 3)^2 + (y - 5)^2 + 2(z - 1)^2 = 2 \quad \text{dividir por 2}$$

$$(x + 3)^2 + \frac{(y - 5)^2}{2} + (z - 1)^2 = 1$$

b) Elipsóide



c)

$\cap X0Y :$

$$(x+3)^2 + \frac{(y-5)^2}{2} + (0-1)^2 = 1$$

$$(x+3)^2 + \frac{(y-5)^2}{2} = 0$$

$\therefore (-3,5)$

$\cap X0Z :$

$$(x+3)^2 + \frac{(0-5)^2}{2} + (z-1)^2 = 1$$

$$(x+3)^2 + \frac{25}{2} + (z-1)^2 = 1$$

$$(x+3)^2 + \frac{25}{2} + (z-1)^2 = 1$$

$$(x+3)^2 + (z-1)^2 = 1 - \frac{25}{2}$$

$$(x+3)^2 + (z-1)^2 = -\frac{23}{2}$$

\therefore vazia

$\cap Y0Z :$

$$(0+3)^2 + \frac{(y-5)^2}{2} + (z-1)^2 = 1$$

$$\frac{(y-5)^2}{2} + (z-1)^2 = 1 - 9$$

$$\frac{(y-5)^2}{2} + (z-1)^2 = -8$$

\therefore vazia

QUESTÃO 02

$$\lim_{n \rightarrow 11} 1400(1 + 0,11x)^{1/x}$$

$$\lim_{n \rightarrow 11} 1400(1 + 0,11 \times 11)^{1/11}$$

$$\lim_{n \rightarrow 11} 1400(1 + 0,11 \times 1,21)$$

$$\lim_{n \rightarrow 11} 1400 \times 2,21$$

$$= 3094$$

Sim, o limite existe

O valor do título é R\$ 3 094,00 após os 11 anos

O título valorizou ao longo do período.

QUESTÃO 03

$$V = xyz \quad \text{vínculo} \quad 4x + 6y + 3z - 32 = 0$$

$$F(x, y, z, \lambda) = f(x, y, z) - \lambda g(x, y, z)$$

$$F_x(x, y, z, \lambda) = yz - 4\lambda = 0$$

$$F_y(x, y, z, \lambda) = xz - 6\lambda = 0$$

$$F_z(x, y, z, \lambda) = xy - 3\lambda = 0$$

$$F_\lambda(x, y, z, \lambda) = -4x - 6y - 3z + 32 = 0$$

$$yz - 4\lambda = 0$$

$$\lambda = \frac{1}{4} yz$$

$$xz - 6\left(\frac{1}{4} yz\right) = 0 \quad xy - 3\left(\frac{1}{4} yz\right) = 0$$

$$y = \frac{2}{3} x \quad z = \frac{4}{3} x$$

$$F_\lambda(x, y, z, \lambda) = -4x - 6y - 3z + 32 = 0$$

$$-4x - 6y - 3z + 32 = 0$$

$$-4x - 6 \times \frac{2}{3} x - 3 \times \frac{4}{3} x + 32 = 0$$

$$-12x + 32 = 0$$

$$x = \frac{8}{3}$$

a) *Ponto Crítico* $\left(\frac{8}{3}, \frac{16}{9}, \frac{32}{9}\right)$

b) $V = xyz$

$$V = \frac{8}{3} \times \frac{16}{9} \times \frac{32}{9}$$

$$V = \frac{4864}{243} \text{ u. cúbicas} \quad \rightarrow \text{Volume máximo}$$

QUESTÃO 04

a) Seja V um conjunto não vazio qualquer de objetos no qual estão definidas duas operações, a adição (+) e a multiplicação por escalares (.). Se os seguintes axiomas são satisfeitos por todos os objetos u, v e w em V e quaisquer escalares k e l , então dizemos que V é um espaço vetorial e que os objetos de V são vetores.

- i) Se u e v são objetos em V então $u+v$ é um objeto em V
- ii) $u+v = v+u$
- iii) $u+(v+w) = (u+v)+w$
- iv) Existe um objeto 0 em V , chamado vetor nulo de V , tal que $0+u=u+0$ para cada u em V
- v) Para cada u em V , existe um objeto $-u$, chamado um negativo de u , tal que $u + (-u) = (-u) + u = 0$
- vi) Se k é qualquer escalar e v é um objeto em V , então $k.v$ é um objeto em V
- vii) $1.(u+v) = 1.u + 1.v$
- viii) $(k+l).v = k.v + l.v$
- ix) $k.(l.u) = (kl).u$
- x) $1.u = u$

b)

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 & 3 & -7 & 0 \\ 2 & 4 & -2 & -1 & +5 & 0 \\ 2 & 4 & -2 & +4 & -2 & 0 \end{bmatrix} \begin{array}{l} L2 \leftarrow L2 - 2L1 \\ L3 \leftarrow L3 - 2L1 \end{array}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 & 3 & -7 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -7 & 19 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -2 & 12 & 0 \end{bmatrix} L3 \leftarrow L2$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 & 3 & -7 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -2 & 12 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -7 & 19 & 0 \end{bmatrix} L2 \leftarrow \frac{-1}{2} L2$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 & 3 & -7 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -6 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -7 & 19 & 0 \end{bmatrix} L3 \leftarrow L3 + 7L2$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 & 3 & -7 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -6 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -23 & 0 \end{bmatrix}$$

$$-23t = 0 \Rightarrow t = 0$$

$$s - 6t = 0 \Rightarrow s = 0$$

$$x + 2y - z + 3s - 7t = 0 \Rightarrow x = -2y + z$$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ s \\ t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2y+z \\ y \\ z \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = y \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} + z \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Seja S uma base de W.

$S = \{(-2, 1, 0, 0, 0), (1, 0, 1, 0, 0)\}$ logo $\dim W = 2$

QUESTÃO 05

a) É linear pois satisfaz as seguintes condições: i) a variável dependente y e todas as suas derivadas são do primeiro grau. ii) cada coeficiente de y e suas derivadas depende apenas da variável independente x .

b) É de primeira ordem pois a derivada de maior que aparece na equação é de primeira ordem.

c) O fator integrante é tal que

$$\begin{aligned}\mu(x)[y' + p(x)y] &= [\mu(x)y] \\ \mu(x)y' + \mu(x)p(x)y &= \mu(x)y' + \mu'(x)y \\ \mu(x)p(x)y &= \mu'(x)y\end{aligned}$$

Considerando $\mu(x) > 0$

$$\begin{aligned}\frac{\mu'(x)}{\mu(x)} &= p(x) \\ [\ln \mu(x)]' &= p(x) \\ \int [\ln \mu(x)]' dx &= \int p(x) dx \\ \ln \mu(x) &= \int p(x) dx + c \\ e^{\ln \mu(x)} &= e^{\int p(x) dx + c} = e^{\int p(x) dx} e^c\end{aligned}$$

Escolha $c = 0$

$$\mu(x) = e^{\int p(x) dx}$$

d)

$$\begin{aligned}y' + p(x)y &= q(x) \\ \mu(x)[y' + p(x)y] &= \mu(x)q(x) \\ [\mu(x)y]' &= \mu(x)q(x)\end{aligned}$$

Integrando os dois lados em relação a x

$$\begin{aligned}\mu(x)y &= \int \mu(x)q(x) dx + c \\ y &= \frac{1}{\mu(x)} \left[\int \mu(x)q(x) dx + c \right]\end{aligned}$$

e)

$$\frac{dP}{dt} = (k \cos t)P$$

$$\frac{1}{P} dP = (k \cos t) dt$$

$$\int \frac{1}{P} dP = \int (k \cos t) dt$$

$$\ln|P| = k \sin t + c$$

$$e^{\ln|P|} = e^{k \sin t + c}$$

$$P(t) = e^{k \sin t} e^c$$

$$P(t) = C e^{k \sin t}$$

$$P(0) = P_0$$

$$P(0) = C e^{k \sin 0} = P_0$$

$$C = P_0$$

$$P(t) = P_0 e^{k \sin t}$$

